



UNIVERSITE MOHAMMED V  
SOUISSI  
FACULTE DE MEDECINE  
DENTAIRE  
RABAT

EPREUVE : Mathématiques.

Nom et Prénom du candidat : .....

Code National Etudiant : ..... Numéro d'examen : .....

Page 1/2

EPREUVE : Mathématiques

التمرين 1 (6 نقط)

المستوى العقدي منسوب إلى معلم متعامد ممنظم مباشر  $(O, \vec{e}_1, \vec{e}_2)$   
نعتبر النقط  $A$  و  $B$  و  $C$  التي ألقاها على التوالي هي:  $z_A = -1 + i\sqrt{3}$  و  $z_B = -1 - i\sqrt{3}$  و  $z_C = 2$   
و  $(\Gamma_1)$  الدائرة المحيطة بالمثلث  $ABC$   
و  $(\Gamma_2)$  مجموعة النقط  $M$  ذات اللحق  $z_M$  الذي يحقق  $2(z_M + \overline{z_M}) + z_M \overline{z_M} = 0$   
على مستوى كل سطر من الجدول التالي، أطر الجواب الصحيح الوحيد ضمن الأجوبة المقترحة.

السؤال				الأجوبة المقترحة
(1) احسب $\frac{z_B - z_C}{z_A - z_C}$				$i$ $-i$ $e^{i\frac{\pi}{3}}$ $e^{-i\frac{\pi}{3}}$
(2) ما هي طبيعة المثلث $ABC$ ؟				متساوي الأضلاع قائم الزاوية
(3) حدد لحق النقطة مركز الدائرة $(\Gamma_1)$				$0$ $i$ $-i$ $1$
(4) نقبل أن $(\Gamma_2)$ دائرة. حدد لحق مركزها				$2$ $-2$ $1$ $-1$

التمرين 2 (6 نقط)

نعتبر المتتالية العددية  $(u_n)$  حيث لكل عدد صحيح طبيعي  $n$ :  

$$\begin{cases} u_0 = 1 \\ u_{n+1} = \frac{1}{2}u_n + 2n - 1 \end{cases}$$

نضع  $S_n = u_0 + u_1 + \dots + u_n$  و  $v_n = u_n - 4n + 10$   
على مستوى كل سطر من الجدول التالي، أطر الجواب الصحيح الوحيد ضمن الأجوبة المقترحة.

السؤال				الأجوبة المقترحة
(1) ما هي طبيعة المتتالية $(v_n)$ ؟				هندسية
(2) احسب $v_n$ بدلالة $n$				حسابية
(3) احسب $u_n$ بدلالة $n$				$11 + \frac{1}{2}n$
(4) احسب $S_n$ بدلالة $n$				$11 + 2n$
				$11 \times \frac{1}{2^n}$
				$11 \times 2^n$
				$\frac{11}{2^n} + 4n - 10$
				$\frac{9}{2}n + 1$
				$11 \times 2^n + 4n - 10$
				$6n + 1$
				$2n^2 + 2n - 9$
				$\left(22 - \frac{11}{2^n}\right) + 2(n+1)(n-5)$

## NE RIEN ECRIRE DANS CE CADRE

Page 2/2

التمرين الثالث (8 نقط)

نعتبر الدالة  $f$  المعرفة على المجال  $I = [0; +\infty[$  كالآتي:  $f(x) = (x-1)(2-e^{-x})$   
 و  $(C)$  تمثيلها المبياني في معلم متعامد ممنظم  $(O, \vec{i}, \vec{j})$  (الوحدة:  $2cm$ )  
 و  $(\Delta)$  المستقيم الذي معادلته:  $y = 2x - 2$   
 على مستوى كل سطر من الجدول التالي، أطر الجواب الصحيح الوحيد ضمن الأجوبة المقترحة.

الأجوبة المقترحة				السؤال
$-\infty$	$+\infty$	2	1	(1) احسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$
لا	نعم			(2) هل $(\Delta)$ مقارب للمنحنى $(C)$ ؟
$f'(x) = 2 - xe^{-x}$	$f'(x) = xe^{-x} + 2(1 - e^{-x})$			(3) احسب $f'(x)$ على المجال $I$
$f'(x) \leq 0$ على المجال $I$	$f'(x) \geq 0$ على المجال $I$			(4) حدد إشارة $f'(x)$ على المجال $I$
$(C)$ تحت $(\Delta)$	$(C)$ فوق $(\Delta)$			(5) حدد الوضع النسبي للمنحنى $(C)$ مع المستقيم $(\Delta)$ على المجال $[0,1]$
$4\left(2 + \frac{1}{e}\right)cm^2$	$\left(2 + \frac{1}{e}\right)cm^2$	$\frac{1}{e}cm^2$	$\frac{4}{e}cm^2$	(6) احسب مساحة الحيز المحصور بين المنحنى $(C)$ و $(\Delta)$ و المستقيمين اللذين معادلتهما $x=0$ و $x=1$